

Technique :

- Pour résoudre une inéquation du premier degré, on ramène l'inéquation à celle du type $ax + b$, puis on dresse le tableau de signe pour conclure.
- Pour résoudre une inéquation produit ou quotient, on dresse le tableau de signe, puis on conclut en tenant compte de l'ensemble de définition pour les équations quotients.

Exercice 1 : Inéquations du premier degré

Résoudre les équations suivantes :

1. $3x - 1 \leq 5$

2. $2x + 1 > 3x$

3. $3x + 9 < -5x - 7$

4. $2(3 - x) \geq x + 1$

5. $3x + 5(x - 2) > 3x + 5$

6. $-(x + 3) + (2x - 1) \leq 3x + 2$

7. $2x - 1 < \frac{5}{4}x$

8. $\frac{3}{2}x + 5 > 2x + 3$

9. $\frac{4x + 7}{5} \leq \frac{6 - 4x}{2}$

Exercice 2 Équations produits

1. $(x + 2)(3x - 5) > 0$

2. $(-x + 3)(2x + 1) \leq 0$

3. $x^2 - 5 \leq 0$

4. $(-2x + 4)(3x + 3) > 0$

5. $-3x(4x - 1) < 0$

6. $(x + 5)(3 - 2x) > 0$

7. $x^2 - (3x + 2)^2 \leq 0$

8. $(5x - 3)(4 - x) < 0$

9. $(x - 2)(x + 5)(-2x - 1) > 0$

10. $(3x - 1)^2 = (x + 3)^2$

11. $(x + 1)^2 - 3x(x + 1) = 0$

12. $9 - x^2 = (x + 3)(2 - 3x)$

Exercice 3 Équations produits

On cherche à résoudre $2x^2 + 5x - 3 > 0$

a. Montrer que $2x^2 + 5x - 3 = (2x - 1)(x + 3)$

b. En déduire alors les solutions de l'inéquation $2x^2 + 5x - 3 > 0$

Exercice 4 : Position de deux courbes

Soit les deux fonctions f et g définies sur \mathbb{R} par $f(x) = (3x - 2)(x + 5)$ et $g(x) = (2x + 2)(3x - 2)$.

1. Résoudre $f(x) > g(x)$

2. Interpréter graphiquement ce résultat.

3. Vérifier avec la calculatrice.

Exercice 5 : Équations quotients

Résoudre les équations suivantes :

1. $\frac{x + 4}{-2x + 3} > 0$

2. $\frac{x}{x + 5} \leq 0$

3. $\frac{-3x + 7}{2 - x} > 0$

4. $\frac{1}{x + 2} \leq 2$

5. $\frac{-x - 1}{3 - x} < 0$

6. $\frac{x}{x + 1} + 5 > 0$

7. $\frac{5}{5 - x} < \frac{2x - 3}{5 - x}$

8. $\frac{4x^2 - 9}{7x + 2} > 0$

9. $\frac{(x - 1)(-2x + 3)}{5x - 1} < 0$

10. $\frac{x - 1}{x + 1} > 2$

11. $\frac{2}{x^2 - 25} > \frac{1}{x - 5}$

12. $\frac{x(4x + 5)}{2x + 1} < 0$